

- Programme de colle quinzaine 7... -

Questions de cours :

- **Q1** : $f \in \mathcal{L}(E, F)$. $\text{Ker} f$ est un sous-espace vectoriel de E . Lien avec l'injectivité.
- **Q2** : $f \in \mathcal{L}(E, F)$. $\text{Im} f$ est un sous-espace vectoriel de F . Lien avec la surjectivité.
- **Q3** : Soit E un \mathbb{K} -espace vectoriel de dimension n muni de deux bases distinctes \mathcal{B}_E et \mathcal{B}'_E et soit P la matrice de passage de la base \mathcal{B}_E à la base \mathcal{B}'_E .
Si u un vecteur de E , $X = \mathcal{M}_{\mathcal{B}_E}(u)$ et $X' = \mathcal{M}_{\mathcal{B}'_E}(u)$. Alors : $X' = PX$.
- **Q4** : Définition de A et B semblables. Expression de B^n en fonction de A^n (récurrence).
- **Q5** : Soit $b > 0$. Nature et valeur éventuelle de $\int_0^b \frac{dt}{t^\alpha}$ selon $\alpha \in \mathbb{R}_+^*$.
- **Q6** : Soit $a > 0$. Nature et valeur éventuelle de $\int_a^{+\infty} \frac{dt}{t^\alpha}$ selon $\alpha \in \mathbb{R}_+^*$.
- **Q7** : $\forall b > a$, $\int_a^b \frac{dt}{(t-a)^\alpha}$ converge $\Leftrightarrow \alpha < 1$
- **Q8** : Si f et g sont deux fonctions continues et strictement positives sur $I = [a, +\infty[$ telles que $f(x) \underset{x \rightarrow +\infty}{\sim} g(x)$, alors les intégrales généralisées en $+\infty$: $\int_a^{+\infty} f$ et $\int_a^{+\infty} g$ sont de même nature. Preuve.
- **Q9** : La convergence absolue entraîne la convergence.

EXERCICES : APPLICATIONS LINEAIRES

Sur ce chapitre, les attendus du programme sont : « Obtenir la matrice d'une application linéaire dans des bases données ; déterminer un noyau et une image ; Théorème du rang ; changements de bases. »

Remarque 1 : « Toute identification entre vecteur de \mathbb{K}^n et sa représentation matricielle dans une base, même la base canonique, est à éviter ».

Remarque 2 : Toute inversion de matrice se ramènera à la résolution d'un système de Cramer.

Remarque 3 : Les révisions d'intégration de BCPST1 doivent être faites. Ce programme de colle peut donner l'occasion de faire le lien entre les chapitres d'algèbre et ceux d'intégration.